

Examenul de bacalaureat național 2020

Proba E. c)

Matematică *M_technologic*

Test 1

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- | | |
|-----------|---|
| 5p | 1. Arătați că $3(2 - \sqrt{20}) + \sqrt{180} = 6$. |
| 5p | 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 3x - 1$. Calculați $(f \circ f)(1)$. |
| 5p | 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\lg(5x - 1) = \lg 2 + \lg 7$. |
| 5p | 4. După o scumpire cu 30% un obiect costă 5200 de lei. Determinați prețul inițial al obiectului. |
| 5p | 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(0, 3)$, $B(4, 8)$ și $C(4, 0)$. Calculați distanța de la punctul B la dreapta AC . |
| 5p | 6. Arătați că $\frac{2\cos 30^\circ}{2\tg 45^\circ + 1} = \tg 30^\circ$. |

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

- | | |
|-----------|---|
| 5p | 1. Se consideră matricea $A(a) = \begin{pmatrix} a+1 & 2a+1 \\ a & 2a \end{pmatrix}$, unde a este număr real. |
| 5p | a) Arătați că $\det(A(10)) = 10$. |
| 5p | b) Demonstrați că $(A(a) - A(b))(A(a) - A(b)) = 3(a - b)(A(a) - A(b))$, pentru orice numere reale a și b . |
| 5p | c) Determinați numărul natural n pentru care $\det(A(2)) + \det(A(3)) + \dots + \det(A(n)) = 35$. |
| 5p | 2. Pe mulțimea $M = [\sqrt{2}, +\infty)$ se definește legea de compoziție asociativă și cu element neutru $x * y = \sqrt{(x^2 - 2)(y^2 - 2)} + 2$. |
| 5p | a) Arătați că $4 * \sqrt{3} = 4$. |
| 5p | b) Determinați simetricul elementului $x = \sqrt{6}$, în raport cu legea de compoziție „*”. |
| 5p | c) Calculați $\sqrt{2} * \sqrt{3} * \sqrt{4} * \dots * \sqrt{2020}$. |

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

- | | |
|-----------|---|
| 5p | 1. Se consideră funcția $f : (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 2\sqrt{x}(\ln x - 1)$. |
| 5p | a) Arătați că $f'(x) = \frac{\sqrt{x}(\ln x + 1)}{x}$, $x \in (0, +\infty)$. |
| 5p | b) Determinați ecuația tangentei la graficul funcției f în punctul de abscisă $x = \frac{1}{e}$ situat pe graficul funcției f . |
| 5p | c) Demonstrați că $\sqrt{e}f(x) + 4 \geq 0$, pentru orice $x \in (0, +\infty)$. |
| 5p | 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \begin{cases} 2x - 1, & x \in (-\infty, 0] \\ \frac{3x - 1}{x + 1}, & x \in (0, +\infty) \end{cases}$. |
| 5p | a) Arătați că funcția f admite primitive pe \mathbb{R} . |

5p b) Calculați $\int_1^2 f(x) dx$.

5p c) Arătați că $\int_{-1}^0 e^x f(x) dx = \frac{5-3e}{e}$.