

Examenul de bacalaureat național 2020

Proba E. c)

Matematică M_tehnologic

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Test 7

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$\frac{2}{5} \cdot \left(\frac{2}{3} + 1 \right) - \left(2 - \frac{4}{3} \right) = \frac{2}{5} \cdot \frac{2+3}{3} - \frac{6-4}{3} =$ $= \frac{2}{5} \cdot \frac{5}{3} - \frac{2}{3} = \frac{2}{3} - \frac{2}{3} = 0$	2p 3p
2.	$f(2) = 5 \Leftrightarrow 2^2 - 2m + 3 = 5$ $2m = 2$, deci $m = 1$	3p 2p
3.	$x + 4 = (x + 2)^2 \Rightarrow x^2 + 3x = 0$ $x = -3$, care nu convine sau $x = 0$, care convine	2p 3p
4.	Multimea numerelor naturale de două cifre are 90 de elemente, deci sunt 90 de cazuri posibile În multimea numerelor naturale de două cifre sunt 9 numere care au cifrele egale, deci sunt 9 cazuri favorabile $p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{9}{90} = \frac{1}{10}$	2p 2p 1p
5.	$m_{AB} = -1$ $m_{AC} = \frac{a-1}{5}$, deci punctele A , B și C sunt coliniare $\Leftrightarrow m_{AB} = m_{AC} \Leftrightarrow a = -4$	2p 3p
6.	$MN = 6$ $P_{MNPQ} = 4MN = 24$	2p 3p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.a)	$A - B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \det(A - B) = \begin{vmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{vmatrix} = 0 \cdot 0 - (-1) \cdot 1 =$ $= 0 - (-1) = 1$	3p 2p
b)	$C = A \cdot A + B \cdot B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ $\det C = \begin{vmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = 0$, deci matricea C nu este inversabilă	3p 2p
c)	$A \cdot X = \begin{pmatrix} 1+x & 2+y \\ x & y \end{pmatrix}, X \cdot B = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ x+y & y \end{pmatrix}$, pentru orice numere reale x și y $\begin{pmatrix} 1+x & 2+y \\ x & y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ x+y & y \end{pmatrix}$, deci $x = 2$ și $y = 0$, care convin	2p 3p

2.a)	$1 * 1 = \frac{1 \cdot 1 + 1}{1 + 1} =$ $= \frac{2}{2} = 1$	3p
b)	$\frac{2x+1}{x+2} = \frac{3}{2} \Leftrightarrow 4x+2=3x+6$ $x=4, \text{ care convine}$	3p
c)	$x * 1 = 1, \text{ unde } x \in M$ $\lg 2 * \lg 4 * \lg 6 * \lg 8 * \lg 10 = (\lg 2 * \lg 4 * \lg 6 * \lg 8) * \lg 10 = (\lg 2 * \lg 4 * \lg 6 * \lg 8) * 1 = 1$	2p
		3p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.a)	$\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} f(x) = \lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} (x^{2020} + 1) = 2$ $\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x > 1}} f(x) = \lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x > 1}} \frac{x+1}{x} = 2 \text{ și, cum } f(1) = 2, \text{ obținem } \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = f(1), \text{ deci funcția } f \text{ este continuă în } x_0 = 1$	2p
b)	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+1}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x \left(1 + \frac{1}{x}\right)}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right) = 1$ Dreapta de ecuație $y = 1$ este asimptotă orizontală spre $+\infty$ la graficul funcției f	3p
c)	Pentru $x \in (1, +\infty)$, $f'(x) = -\frac{1}{x^2}$, deci $f''(x) = \frac{2}{x^3}$ $f''(x) > 0$, pentru orice $x \in (1, +\infty)$, deci funcția f' este crescătoare pe $(1, +\infty)$	3p
2.a)	$\int_1^2 x f(x) dx = \int_1^2 e^x dx = e^x \Big _1^2 =$ $= e^2 - e = e(e-1)$	3p
b)	$\int_e^{e^2} \frac{g(x)}{xe^x} dx = \int_e^{e^2} \frac{1}{x} \ln x dx = \frac{1}{2} \ln^2 x \Big _e^{e^2} =$ $= \frac{1}{2} (2^2 - 1^2) = \frac{3}{2}$	3p
c)	$\int_1^e (f(x) + g(x)) dx = \int_1^e \frac{e^x}{x} dx + \int_1^e e^x \ln x dx = \int_1^e \frac{e^x}{x} dx + e^x \ln x \Big _1^e - \int_1^e \frac{1}{x} e^x dx =$ $= e^e \ln e - e^1 \ln 1 = e^e$	3p
		2p