

Examenul de bacalaureat național 2020
Proba E. c)

Matematică *M_tehnologic*

Varianta 1

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- | | |
|-----------|--|
| 5p | 1. Arătați că $\sqrt{5}(1+2\sqrt{5}) - \sqrt{5} = 10$. |
| 5p | 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 3x + 1$. Arătați că $f(1) = f(2)$. |
| 5p | 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_5(x^2 - 21) = \log_5 4$. |
| 5p | 4. După o scumpire cu 10%, un obiect costă 220 de lei. Determinați prețul inițial al obiectului. |
| 5p | 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(4,8)$ și $B(0,4)$. Știind că punctul M este mijlocul segmentului AB , determinați coordonatele punctului M . |
| 5p | 6. În triunghiul ABC , $m(\angle B) = m(\angle C) = 60^\circ$. Calculați cosinusul unghiului A . |

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

- | | |
|-----------|---|
| 5p | 1. Se consideră matricele $A = \begin{pmatrix} 1 & 6 \\ -1 & -4 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$ și $O_2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$. |
| 5p | a) Arătați că $\det A = 2$. |
| 5p | b) Arătați că $B \cdot A + B = O_2$. |
| 5p | c) Determinați numerele naturale n pentru care $\det(B + nA) = \det B + n \det A$. |
| 5p | 2. Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție $x \circ y = x + 2y + 1$. |
| 5p | a) Arătați că $1 \circ (-1) = 0$. |
| 5p | b) Demonstrați că $x \circ \left(-\frac{1}{2}\right) = x$, pentru orice număr real x . |
| 5p | c) Arătați că legea de compoziție „ \circ ” nu admite element neutru. |

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

- | | |
|-----------|--|
| 5p | 1. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{x^2 + 2}{x^2 + 1}$. |
| 5p | a) Arătați că $f'(x) = \frac{-2x}{(x^2 + 1)^2}$, $x \in \mathbb{R}$. |
| 5p | b) Determinați ecuația asymptotei orizontale spre $+\infty$ la graficul funcției f . |
| 5p | c) Demonstrați că $f(x) + \ln(x^2 + 1) < \frac{5}{2}$, pentru orice $x \in [0,1]$. |
| 5p | 2. Se consideră funcția $f : (-1, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{e^x}{x+1}$. |
| 5p | a) Arătați că $\int_0^2 (x+1) f(x) dx = e^2 - 1$. |
| 5p | b) Arătați că $\int_0^1 \frac{f'(x)}{f(x)} dx = 1 - \ln 2$. |
| 5p | c) Arătați că $\int_0^1 f(x) dx + \int_0^1 e^x \ln(x+1) dx = e \ln 2$. |