

**Examenul național de bacalaureat 2022**  
**Proba E. c)**

**Matematică  $M_{tehnologic}$**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

**Varianta 7**

*Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale*

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

<b>1.</b>	$1 + 6 \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3}\right) = 1 + 6 \cdot \frac{5}{6} =$ $= 1 + 5 = 6$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>2.</b>	$f(3) = 1$ $f(2) = 0$ , de unde obținem $f(3) - f(2) = 1 - 0 = 1$	<b>2p</b> <b>3p</b>
<b>3.</b>	$3x + 1 = 4$ $x = 1$ , care convine	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>4.</b>	Mulțimea $A$ are 9 elemente, deci sunt 9 cazuri posibile Numerele $n$ din mulțimea $A$ pentru care numărul $10 - n$ este par sunt 2, 4, 6 și 8, de unde obținem 4 cazuri favorabile, deci $p = \frac{4}{9}$	<b>2p</b> <b>3p</b>
<b>5.</b>	Pentru orice număr real $a$ , $AB = \sqrt{(a-a)^2 + (6-0)^2} =$ $= \sqrt{6^2} = 6$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>6.</b>	$AC = 10$ $\mathcal{A}_{\Delta ABC} = \frac{AB \cdot AC}{2} = \frac{5 \cdot 10}{2} = 25$	<b>2p</b> <b>3p</b>

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

<b>1.a)</b>	$\det A = \begin{vmatrix} 7 & 3 \\ 3 & 1 \end{vmatrix} = 7 \cdot 1 - 3 \cdot 3 =$ $= 7 - 9 = -2$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>b)</b>	$A - 4I_2 = \begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} =$ $= 3 \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} = 3B$	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>c)</b>	$X \cdot (I_2 + B) = A$ și, cum $I_2 + B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ și $\det(I_2 + B) \neq 0$ , obținem $X = A \cdot (I_2 + B)^{-1}$ $(I_2 + B)^{-1} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$ , de unde obținem $X = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$	<b>2p</b> <b>3p</b>
<b>2.a)</b>	$2 * 3 = 2 \cdot 3(2 + 3 - 4) =$ $= 6 \cdot 1 = 6$	<b>3p</b> <b>2p</b>

<b>b)</b>	$1 * x = x^2 - 3x$ , pentru orice număr real $x$	<b>2p</b>
	$x^2 - 3x - 4 = 0$ , de unde obținem $x = -1$ sau $x = 4$	<b>3p</b>
<b>c)</b>	$2^x * 2^x = 2^{2x} (2^x + 2^x - 4)$ , pentru orice număr real $x$	<b>2p</b>
	$2^{2x} (2^x + 2^x - 4) = 2^{3x} \Leftrightarrow 2^x + 2^x - 4 = 2^x \Leftrightarrow 2^x = 4$ , de unde obținem $x = 2$	<b>3p</b>

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

<b>1.a)</b>	$f'(x) = 3x^2 - 9 \cdot 2x =$	<b>3p</b>
	$= 3x^2 - 18x = 3x(x - 6)$ , $x \in \mathbb{R}$	<b>2p</b>
<b>b)</b>	$f'(x) = 0 \Rightarrow x = 0$ sau $x = 6$	<b>2p</b>
	Pentru orice $x \in (-\infty, 0]$ , $f'(x) \geq 0 \Rightarrow f$ este crescătoare pe $(-\infty, 0]$ , pentru orice $x \in [0, 6]$ , $f'(x) \leq 0 \Rightarrow f$ este descrescătoare pe $[0, 6]$ și pentru orice $x \in [6, +\infty)$ , $f'(x) \geq 0 \Rightarrow f$ este crescătoare pe $[6, +\infty)$	<b>3p</b>
<b>c)</b>	$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f'(x) - f'(1)}{3f(x) - xf'(x)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{3(x^2 - 6x + 5)}{9(1 - x^2)} =$	<b>2p</b>
	$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{3(x-1)(x-5)}{-9(x-1)(x+1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-5}{-3(x+1)} = \frac{2}{3}$	<b>3p</b>
<b>2.a)</b>	$\int_0^2 \frac{f(x)}{e^x} dx = \int_0^2 (x-1) dx = \left( \frac{x^2}{2} - x \right) \Big _0^2 =$	<b>3p</b>
	$= 2 - 2 = 0$	<b>2p</b>
<b>b)</b>	$\int_0^1 f(x) dx = \int_0^1 (x-1)e^x dx = (x-1)e^x \Big _0^1 =$	<b>3p</b>
	$= 1 - (e-1) = 2 - e$	<b>2p</b>
<b>c)</b>	$\int_2^n \frac{x}{f(x) \cdot f(-x)} dx = \int_2^n \frac{x}{2(1-x^2)} dx = -\frac{1}{2} \int_2^n \frac{(x^2-1)'}{x^2-1} dx = -\frac{1}{2} \ln x^2-1  \Big _2^n = \frac{1}{2} \ln \frac{3}{n^2-1}$	<b>3p</b>
	$\frac{1}{2} \ln \frac{3}{n^2-1} = \frac{1}{2} \ln \frac{3}{8}$ și, cum $n$ este număr natural, $n > 2$ , obținem $n = 3$	<b>2p</b>