

Examenul național de bacalaureat 2023
Proba E. c)
Matematică $M_{pedagogic}$
BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Varianta 1

Filiera vocațională, profilul pedagogic, specializarea învățător-educatoare

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$\sqrt{25} + \sqrt{64} - \sqrt{169} = 5 + 8 - 13 =$ $= 13 - 13 = 0$	3p 2p
2.	$2n + 2 \geq n^2 + 2$ $2n \geq n^2$ și, cum n este număr natural, obținem $n = 0$ sau $n = 1$ sau $n = 2$	2p 3p
3.	$\log_3(2x - 1) = 1$, de unde obținem $2x - 1 = 3$ $x = 2$, care convine	3p 2p
4.	După prima scumpire cu 20%, prețul obiectului este $150 + \frac{20}{100} \cdot 150 = 180$ de lei După a doua scumpire cu 20%, prețul obiectului este $180 + \frac{20}{100} \cdot 180 = 216$ lei	2p 3p
5.	M mijlocul segmentului $AB \Rightarrow 3 = \frac{0 + x_B}{2}$, $6 = \frac{4 + y_B}{2}$ $x_B = 6$, $y_B = 8$	3p 2p
6.	$\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$ $\frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{\sqrt{3}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{3}{4} - \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$	3p 2p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.	$2 * (-2) = 2 + (-2) - 4 =$ $= 0 - 4 = -4$	3p 2p
2.	$(x * y) * z = (x + y - 4) * z = (x + y - 4) + z - 4 = x + y + z - 8$, pentru orice numere reale x , y și z $x * (y * z) = x * (y + z - 4) = x + (y + z - 4) - 4 = x + y + z - 8 = (x * y) * z$, pentru orice numere reale x , y și z , deci legea de compoziție „ $*$ ” este asociativă	2p 3p
3.	$(1 * 2 * 3) * (4 * 5 * 6) = (-2) * 7 =$ $= -2 + 7 - 4 = 1 > 0$	3p 2p
4.	$x * x * x = 3x - 8$, $(x + 1) * x = 2x - 3$, pentru orice număr real x $3x - 8 = 2x - 3$, de unde obținem $x = 5$	2p 3p
5.	$4^x * 2^x = 4^x + 2^x - 4$, pentru orice număr real x $4^x + 2^x - 6 = 0 \Leftrightarrow (2^x - 2)(2^x + 3) = 0$, de unde obținem $x = 1$	2p 3p
6.	$x^2 + \frac{1}{x^2} - 4 \geq -2 \Leftrightarrow x^2 + \frac{1}{x^2} - 2 \geq 0$, pentru orice număr real nenul x $\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 \geq 0$, deci $x^2 * \frac{1}{x^2} \geq -2$, pentru orice număr real nenul x	2p 3p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.	$\det A = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{vmatrix} = 1 \cdot (-1) - 0 \cdot 1 =$ $= -1 - 0 = -1$	3p 2p
2.	$A \cdot A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ <p>Cum $B \cdot B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, obținem $A \cdot A - B \cdot B = O_2$</p>	2p 3p
3.	$A \cdot A - xI_2 = \begin{pmatrix} 1-x & 0 \\ 0 & 1-x \end{pmatrix}$, deci $\det(A \cdot A - xI_2) = (1-x)^2$, pentru orice număr real x $(1-x)^2 = 0$, de unde obținem $x = 1$	3p 2p
4.	$A - B - xI_2 = \begin{pmatrix} -x & -2 \\ 1 & -x \end{pmatrix}$, pentru orice număr real x $\begin{pmatrix} -x & -2 \\ 1 & -x \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$, de unde obținem $x = 2$	3p 2p
5.	$a(A + B) = \begin{pmatrix} 2a & 2a \\ a & -2a \end{pmatrix}$, deci $\det(a(A + B)) = -6a^2$, pentru orice număr real a $-6a^2 = -6$, de unde obținem $a = -1$ sau $a = 1$	3p 2p
6.	$A^{-1} = A \Rightarrow X = A \cdot B$ $X = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$	3p 2p