

Examenul național de bacalaureat 2026
Proba E. c)
Matematică $M_{\text{mate-info}}$
BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Model

Filiera teoretică, profilul real, specializarea matematică-informatică

Filiera vocațională, profilul militar, specializarea matematică-informatică

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$\frac{x+2x+1}{2} = 8$ $x = 5$	3p 2p
2.	$g(a) = a + 4$, $(f \circ g)(a) = 2a + 9$, pentru orice număr real a $2a + 9 = -a$, de unde obținem $a = -3$	3p 2p
3.	$\log_5 x^2 = \log_5 (4x + 5)$, de unde obținem $x^2 - 4x - 5 = 0$ $x = -1$, care nu convine sau $x = 5$, care convine	2p 3p
4.	Cifra zecilor se poate alege în 4 moduri Pentru fiecare alegere a cifrei zecilor, cifra unităților se poate alege în câte 4 moduri, deci se pot forma $4 \cdot 4 = 16$ numere	2p 3p
5.	$\overrightarrow{OA} = 5\vec{j}$, $\overrightarrow{OB} = 3\vec{i} + 4\vec{j}$, deci $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} = 3\vec{i} + 9\vec{j}$ $\overrightarrow{OC} = \frac{1}{3}(\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB})$, de unde obținem $\overrightarrow{OC} = \vec{i} + 3\vec{j}$, deci $C(1,3)$	3p 2p
6.	$\widehat{ECB} = \frac{\pi}{6} = \widehat{EBC}$, deci $EB = EC$, de unde obținem $d(B, CE) = d(C, BE) = CA$ $\operatorname{tg} \widehat{ACE} = \frac{AE}{AC}$, deci $\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{2}{AC}$, de unde obținem $d(B, CE) = 2\sqrt{3}$	3p 2p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.a)	$A(0) = \begin{pmatrix} 0 & 0 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -2 \end{pmatrix} \Rightarrow \det(A(0)) = \begin{vmatrix} 0 & 0 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -2 \end{vmatrix} =$ $= 0 - 2 + 0 + 4 - 0 - 0 = 2$	2p 3p
b)	$\det(A(a)) = \begin{vmatrix} a & 0 & -2 \\ 1 & 1 & 1-a \\ 2 & 1 & -2 \end{vmatrix} = a^2 - 3a + 2$, pentru orice număr real a $\det(A(a)) = 0 \Leftrightarrow a = 1$ sau $a = 2$, deci matricea $A(a)$ este inversabilă dacă și numai dacă $a \in \mathbb{R} \setminus \{1, 2\}$	2p 3p
c)	Pentru $a = 2$, soluțiile (x_0, y_0, z_0) cu $x_0, y_0, z_0 \in \mathbb{R}$ sunt $(\alpha, 1, \alpha - 2)$, cu $\alpha \in \mathbb{R}$ $x_0 z_0 + y_0 = (\alpha - 1)^2 \geq 0$, pentru orice soluție (x_0, y_0, z_0) cu $x_0, y_0, z_0 \in \mathbb{R}$	3p 2p
2.a)	$3 * 5 = \frac{3 \cdot 5 - 1}{(3 - 1)(5 - 1)} =$ $= \frac{14}{2 \cdot 4} = \frac{7}{4}$	3p 2p

b)	$x * x = \frac{x^2 - 1}{(x-1)^2} = \frac{x+1}{x-1}$, pentru orice $x \in M$	3p
	$\frac{x+1}{x-1} = 3$, de unde obținem $x = 2$, care convine	2p
c)	$x * 2 = \frac{2x-1}{x-1}$, deci $(x * 2) * x = \frac{2x^2 - 2x + 1}{x(x-1)} =$	3p
	$= 2 + \frac{1}{x(x-1)} > 2$, pentru orice $x \in M$	2p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.a)	$f'(x) = 1 + \frac{2 \ln x}{x} - \ln x - 1 =$	3p
	$= \frac{2 \ln x - x \ln x}{x} = \frac{(2-x) \ln x}{x}$, $x \in (0, +\infty)$	2p
b)	Tangenta la graficul funcției f în punctul $A(a, f(a))$ este paralelă cu axa $Ox \Leftrightarrow f'(a) = 0$, $a \in (0, +\infty)$	2p
	$\frac{(2-a) \ln a}{a} = 0$, de unde obținem $a = 1$ sau $a = 2$, care convin	3p
c)	Pentru orice $x \in (0, 1]$, $f'(x) \leq 0$, deci f este descrescătoare pe $(0, 1]$, pentru orice $x \in [1, 2]$, $f'(x) \geq 0$, deci f este crescătoare pe $[1, 2]$ și, pentru orice $x \in (2, +\infty)$, $f'(x) < 0$, deci f este strict descrescătoare pe $(2, +\infty)$	2p
	Cum $f(1) = 1$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ și f este continuă, obținem că ecuația $f(x) = 0$ are soluție unică	3p
2.a)	$\int_0^3 (f(x) - \sqrt{x^2 + 4}) dx = \int_0^3 (x^2 - 2) dx = \left(\frac{x^3}{3} - 2x \right) \Big _0^3 =$	3p
	$= 9 - 6 = 3$	2p
b)	$\int_0^{\sqrt{5}} \frac{x}{f(x) - x^2 + 2} dx = \int_0^{\sqrt{5}} \frac{x}{\sqrt{x^2 + 4}} dx = \int_0^{\sqrt{5}} \frac{(x^2 + 4)'}{2\sqrt{x^2 + 4}} dx = \sqrt{x^2 + 4} \Big _0^{\sqrt{5}} =$	3p
	$= 3 - 2 = 1$	2p
c)	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x^2} \int_0^x F(t) dt = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\left(\int_0^x F(t) dt \right)'}{(x^2)'} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{F(x)}{2x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{F'(x)}{(2x)'} =$	3p
	$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{2} = \frac{f(0)}{2} = 0$	2p